

简单 STL

konjacq

LifeScience@NJU

2024 年 10 月 7 日

- 1 回忆：函数
- 2 从排序开始
- 3 STL 算法
- 4 STL 容器

如何调用一个函数

考虑函数原型

```
char f(int x, float y);
```

我们在调用时需要指定函数的名字`f`，还需要给出函数需要的参数`int x`和`float y`，最后，我们还要准备一个`char`类型变量`z`来存储`f`的返回值。

这就是说，我们需要

```
int x=1;  
float y=0.2;  
char z=f(x,y);
```

或者更直接地，

```
char z=f(1,0.2);
```

根据以下函数原型，哪种调用方式是正确的？

```
void sort(int *__first,int *__last);  
#define N ...  
int n,a[N];
```

A. sort(a,n); B. sort(n,a); C. sort(a,a+n); D. a.sort(n);

答案：C。

提示：int * 表示一个指针，而一个数组的名字代表数组的首地址，且地址和整形的加减一般还是地址。

如果我们需要排序一个数组

更具体地，假设我们有一个数组

```
a[5]={3,4,2,0,1};
```

现在我们希望对其从小到大进行排序。

我们可以写出代码

```
for (int i=0;i<n;++i)
    for (int j=0;j<n;++j)
        if (a[i]>a[j]) swap(a[i],a[j]);
```

如果我们需要排序一个数组

但是如果我们又有一个数组

```
b[7]={0,3,6,2,4,5,1};
```

也需要排序，我们该如何复用上面的代码？

把排序抽象为一个过程（简单理解为函数即可），每次告诉它需要给哪些数排序！

```
void my_sort(/* ... */);
```

那么，如何告诉函数我们需要给哪些数排序呢？
最简单的，我们需要告诉函数这些数放在哪里，有多少个。
同时我们注意到：

$$\text{开始位置} + \text{数量} - 1 = \text{结束位置}$$

这意味着，如果我们告诉函数这些数放置的开始和结束位置（即存储区间的左右端点），且这些数连续排列的话，程序就能知道我们要给哪些数排序。

排序函数

这里，我们不使用结束位置，而使用结束位置的下一个位置作为参数。换句话说，我们用一个左闭右开区间来描述数的存储区间。

```
void my_sort(int *l, int *r) {  
    for (int *i=l; i<r; ++i)  
        for (int *j=l; j<r; ++j)  
            if ((*i)>(*j)) swap((*i), (*j));  
}
```

STL 中的排序函数

每次用到排序都写这么长的代码，不好记又不好调，怎么办？
由于排序是一个非常常见的需求，所以 C++ 标准模板库也准备了一个差不多的函数来方便使用者。

```
inline void sort(_RandomAccessIterator __first,
                 _RandomAccessIterator __last,
                 _Compare __comp);
```

或者，可以将这个函数原型简单视为

```
void sort(int *__first, int *__last, /* ... */);
```

STL 中的排序函数

```
void sort(int *__first, int *__last, /* ... */);
```

这个函数接受 3 个参数。第 1、2 个是待排序的数的存储空间左右端点 (左闭右开), 第 3 个是排序的规则。不提供第 3 个参数时, 默认地, 排序规则为从小到大排序。

例如, 有以下代码

```
int a[5]={3,4,2,0,1};  
sort(a,a+5);
```

则其执行后, a 数组中依次为{0,1,2,3,4}。

以下代码执行后，b 数组中的结果是？

```
int b[7]={0,3,6,2,4,5,1};  
sort(b,b+5);
```

答案：{0,2,3,4,6,5,1}。

提示：我们只排序了b 中第 0 个到第 $5 - 1 = 4$ 个元素，这些元素升序排列，剩余的元素不改变。

- 1 洛谷 P1177 【模板】排序。

除了排序以外

<https://www.runoob.com/cplusplus/cpp-stl-tutorial.html>

C++ 标准模板库 (Standard Template Library, STL) 是一套功能强大的 C++ 模板类和函数的集合, 它提供了一系列通用的、可复用的算法和数据结构。

STL 的设计基于泛型编程, 这意味着使用模板可以编写出独立于任何特定数据类型的代码。

STL 分为多个组件, 包括容器 (Containers)、迭代器 (Iterators)、算法 (Algorithms)、函数对象 (Function Objects) 和适配器 (Adapters) 等。

上面提到的 `sort` 就是众多 STL 算法中的一种。

除了排序以外

除了用于排序的`sort` 以外, STL 还提供了

- 1 用于翻转序列的`reverse`;
- 2 用于随机打乱序列的`random_shuffle`;
- 3 用于查找第 n 大元素的`nth_element`;
- 4 用于二分查找的`lower_bound` 和`upper_bound`;
- 5 用于生成排列的`next_permutation` 和`prev_permutation`;
- 6 用于序列去重的`unique`。

接下来将依次介绍。

```
void reverse(int *__first, int *__last);
```

这个函数接受 2 个参数，依次是存储空间左右端点（左闭右开）。翻转后，最末尾的元素与第一个元素交换位置，次末尾的元素与第二个元素交换位置，依此类推。

这种左闭右开的参数传递方式我们还将在许多 STL 算法中见到。

```
void random_shuffle(int *__first, int *__last);
```

这个函数接受 2 个参数，依次是存储空间左右端点（左闭右开）。算法将所有数随机排列。

```
void nth_element(int *__first, int *__nth, int *__last);
```

这个函数接受 3 个参数，前后两个是存储空间左右端点（左闭右开），中间的是需要找的第 n 大的数的位置。算法将第 n 大的数放在数组中第 n 个位置上，与 n 相比较小的数均在 n 之前，较大的则在之后。这个算法是 $O(n)$ 的。

根据以下函数原型，哪种调用方式是正确的？

```
void nth_element(int *__first, int *__nth, int *__last);  
#define N ...  
int n, m, a[N];
```

- A. `nth_element(a, m, a+n);` C. `nth_element(a, a+n);`
B. `nth_element(a, a+m, a+n);` D. `nth_element(a, a+n, m);`

答案：B。

假设 $a = \{3, 4, 2, 0, 1\}$ ，且 $n=4$ 、 $m=2$ ，经过上述调用后， a 数组中的结果是？

答案： $\{0, 2, 3, 4, 1\}$ 或 $\{2, 0, 3, 4, 1\}$ 。

lower_bound 和 upper_bound

用于在有序序列上进行二分查找。
不过这个是讲到二分之后的事，所以今天不讲。

next_permutation 和 prev_permutation

用于生成排列。

```
bool next_permutation(int *__first, int *__last);
```

这个函数接受 2 个参数，依次是存储空间左右端点（左闭右开）。算法生成区间内数的下一个排列并返回 true；如果当前排列已是最后一个，则生成第一个排列并返回 false。

prev_permutation 类似理解即可。

其中，一个 1 到 n 的排列是一个长度为 n 的整数数列，其中每个数均在 $[1, n]$ 范围内，且没有两个数相同。两个排列之间的顺序由字典序决定，也即对于两个 1 到 n 的排列

$$p_1 < p_2 \iff \exists i \in [i, n] \text{ s.t. } \begin{cases} p_{1,j} = p_{2,j} & , j < i \\ p_{1,j} < p_{2,j} & , j = i \end{cases}$$

容易证明这是一个全序关系。

```
int *unique(int *__first,int *__last,/* ... */);
```

这个函数接受 3 个参数。第 1、2 个是待去重的数的存储空间左右端点 (左闭右开), 第 3 个是判断相等的方法。不提供第 3 个参数时, 默认地使用==。

同时, 这个函数返回指向去重后最后一个函数的下一个位置的指针, 所以你可能想写

```
int n,a[N];  
n=unique(a,a+n)-a;
```

即, 将n 设置为去重后a 中元素个数。注意这个函数并不真的去掉重复元素, 而只是把第 2 或更多次出现的元素移动到序列最后。

什么是容器

一般地，我们用容器来装东西。

一般地，我们用数据结构来保存数据。

这两个看起来就很像，所以目前为止，我们可以将容器简单地理解为封装的数据结构。也即，容器以特定方式保存一些数据。

注意，在这里我们不确切地区分容器和适配器。适配器可以将一种容器包装为另一种容器；由于包装前后的容器使用方式类似，因此我们暂时将适配器也视作一种容器。

假设我们立刻下课，然后去吃午饭。

那么，我们应当在食堂打饭的地方排成队列，先到的先打，后到的后打。计算机中，“队列”则是这样一种数据结构，它

- 1 保存一些数，可以放入和取出；
- 2 先放入的数先被取出，后放入的数后被取出。

STL 当中提供了 `queue` 作为队列，包含在 `<queue>` 头文件中。
`queue` 的原型为

```
template <class T, class Container=deque<T>> class queue;
```

更一般地，一个保存 `int` 类型的队列 `q` 通常通过
`queue<int> q;`

来定义。当然你也可以换成别的你需要的类型和需要的变量名。

对于队列q, STL 提供的、常用的成员函数有

```
q.empty(); /* 返回q是否为空 */  
q.size(); /* 返回q中的元素数量 */  
q.front(); /* 返回最早放入的元素 */  
q.back(); /* 返回最晚放入的元素 */  
q.push(x); /* 将x放入队列 */  
q.pop(); /* 取出最早放入的元素 */
```

小练习

以下代码的输出是？

```
queue<int> q;
int x=0;
q.push(1);
printf("%d ",x);
q.push(2);
printf("%d ",x);
x=q.front();
printf("%d ",x);
q.push(3);
printf("%d ",x);
x=q.back();
printf("%d ",x);
q.pop();
printf("%d ",x);
x=q.front();
printf("%d ",x);
x=q.back();
printf("%d ",x);
if (q.empty())
    printf("YES ");
else printf("NO ");
q.pop();
if (q.empty())
    printf("YES ");
else printf("NO ");
```

答案：0 0 1 1 3 3 2 3 NO NO YES。

考虑一些书从下到上累成一摞。

那么，下面的书一定被先放上去，上面的书被后放上去；而拿的时候，则应该从上面的书开始拿。

计算机中，“栈”则是这样一种数据结构，它

- 1 保存一些数，可以放入和取出；
- 2 先放入的数后被取出，后放入的数先被取出。

栈看起来就和队列很像，所以其定义和使用方式也与队列几乎一致。STL 当中提供了 `stack` 作为队列，包含在 `<stack>` 头文件中。

一个保存 `int` 类型的队列 `q` 通常通过

```
stack<int> s;
```

来定义。

对于栈s, STL 提供的、常用的成员函数有

```
s.empty(); /* 返回s是否为空 */  
s.size(); /* 返回s中的元素数量 */  
s.top(); /* 返回最晚放入的元素 */  
s.push(x); /* 将x放入队列 */  
s.pop(); /* 取出最晚放入的元素 */
```

注意: 在 STL 提供的栈中我们没法访问最早放入的元素了。然而, 自己写的栈或者别的 STL 容器可以帮助我们完成这一功能, 将在后续过程中讲到。

以下代码的输出是？

```
stack<int> s;           printf("%d ",x);     else printf("NO ");
int x=0;              x=s.top();           s.pop();
s.push(1);            printf("%d ",x);     if (s.empty())
printf("%d ",x);      s.pop();             printf("YES ");
s.push(2);            printf("%d ",x);     else printf("NO ");
printf("%d ",x);      x=s.top();           s.pop();
x=s.top();            printf("%d ",x);     if (s.empty())
printf("%d ",x);      if (s.empty())       printf("YES ");
s.push(3);            printf("YES ");     else printf("NO ");
```

答案: 0 0 2 2 3 3 2 NO NO YES。

双端队列

计算机中，“双端队列”是这样一种数据结构，它

- 1 保存一些数，可以放入和取出；
- 2 放入时，可以从队列前面或后面放入；
- 3 取出时，可以从队列前面或后面取出。

STL 当中提供了 `deque` 作为双端队列，包含在 `<queue>` 头文件中。

一个保存 `int` 类型的双端队列 `d` 通常通过

```
deque<int> d;
```

来定义。

双端队列

对于双端队列d, STL 提供的、常用的成员函数有

```
d.empty();           /* 返回d是否为空 */
d.size();            /* 返回d中的元素数量 */
d.front();           /* 返回队首的元素 */
d.back();            /* 返回队尾的元素 */
d.push_front(x);     /* 将x放至队首 */
d.push_back(x);      /* 将x放至队尾 */
d.pop_front();        /* 取出队首的元素 */
d.pop_back();        /* 取出队尾的元素 */
```

考虑一种数据结构，支持

- 1 按顺序保存一些数；
- 2 访问和修改任意位置上的数（到目前为止听起来像数组）；
- 3 增加和减少保存数的个数。

上述数据结构即是 STL 当中的向量 `vector`，包含在 `<vector>` 头文件中。
一个保存 `int` 类型的向量 `v` 通常通过

```
vector<int> v;
```

来定义。也可以通过

```
vector<int> v(n);  
vector<int> v(n,m);
```

来创建一个含 `n` 个元素（且元素默认值为 `m`）的 `vector`。

向量

对于向量 v ，STL 提供的、常用的成员函数（和方法）有

```
v[x];           /* 访问v的第x个元素 */
v.empty();      /* 返回v是否为空 */
v.size();       /* 返回v中的元素数量 */
v.resize(x);    /* 将v中的元素数量修改为x，延长时可指定第二
                个参数以提供默认值，
                缩短时会丢弃后面的元素 */
v.clear();      /* 清空v中所有元素 */
v.push_back(x); /* 将x加入到v的最后一个元素之后 */
v.pop_back();   /* 移除v的最后一个元素 */
v.begin();      /* 返回v的第一个元素的地址 */
v.end();        /* 返回v的最后一个元素之后的地址 */
```

这就意味着，我们可以使用

```
sort(v.begin(), v.end());
```

来对向量 v 进行排序。

优先队列

计算机中，“优先队列”是这样一种数据结构，它

- 1 保存一些数，可以放入和取出；
- 2 取出时，最大的数先被取出。

更多时候，我们也将其称之为“堆”。其中，优先取出最大数的叫“大根堆”，反之则叫“小根堆”。在下面，我们默认（当然，也是 STL 默认）提到的优先队列和堆都是大根堆。STL 当中提供了 `priority_queue` 作为优先队列，包含在 `<queue>` 头文件中。

一个保存 `int` 类型的优先队列 `p` 通常通过

```
priority_queue<int> p;
```

来定义。

优先队列

对于优先队列p, STL 提供的、常用的成员函数有

```
p.empty(); /* 返回p是否为空 */  
p.size(); /* 返回p中的元素数量 */  
p.top(); /* 返回最大的元素 */  
p.push(x); /* 将x放入队列 */  
p.pop(); /* 取出最大的元素 */
```

如何得到一个小根堆？

提示：

1 观察优先队列的原型

```
template <class T, class Container=vector<T>,  
          class Compare=less<typename Container::value_type>>  
class priority_queue;
```

可以发现其默认比较函数为`less<int>`。通过将其换为`greater<int>`，即通过

```
priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> p;
```

可定义小根堆。

2 放入和取出时分别取负数，即可使大小关系反转。

使用`sort`对数组排序时也可通过在排序后调用`reverse`来实现降序排列。

真的要讲这个吗？

- 1 洛谷 B3614 【模板】栈
- 2 洛谷 B3616 【模板】队列
- 3 洛谷 B3656 【模板】双端队列 1
- 4 洛谷 P3378 【模板】堆

额外地, 可以尝试

- 1 洛谷 B3666 求数列所有后缀最大值的位置
- 2 洛谷 P2032 扫描

- 1 QQ: 732634033;
- 2 Email: konajcq@outlook.com。

当然也可以选择直接找 IAD。